

Esercizio 1

Una corrente alternata sinusoidale è espressa in forma binomiale come

$$\bar{I} = 7 - j5 \quad [A]$$

si risalga alla sua forma trigonometrica.

Esercizio no.1:soluzione

Una corrente alternata sinusoidale è espressa in forma binomiale come

$$\bar{I} = 7 - j5 \quad [A]$$

si risalga alla sua forma trigonometrica.

Esercizio no.1:soluzione

La corrente è data nella forma: $\bar{I} = 7 - j5 \quad A$

Il modulo della corrente : $I = \sqrt{7^2 + 5^2} = \sqrt{49 + 25} = \sqrt{74} = 8,6 \quad A$

La fase : $\theta = \operatorname{atg}\left(-\frac{5}{7}\right) = -35^\circ$

La forma polare sarebbe $\bar{I} = 8,6e^{-j35^\circ} = 8,6 \angle -35^\circ \quad A$

La forma trigonometrica: $i(t) = 8,6 \sin(\omega t - 35^\circ) \quad A$

La forma binomiale (vettoriale) $\bar{V} = a + j \cdot b = |V| \cos(\theta) + j|V| \sin(\theta)$

$i(t) = 7 - j5 = 8,6(\cos-35^\circ + j\sin-35^\circ)$

Esercizio no.2

La tensione sinusoidale di frequenza $f=1$ kHz è espressa in forma binomiale:

$$\bar{V} = (12 + j9) V \quad \text{Si scriva la forma sinusoidale (trigonometrica)}$$

Esercizio no.2:soluzione

La tensione sinusoidale è data nella forma: $\bar{V} = (12 + j9) V$

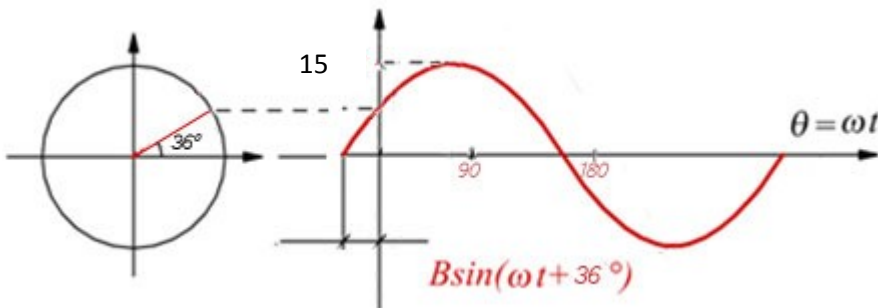
$$\text{Il modulo della tensione: } V = \sqrt{12^2 + 9^2} = \sqrt{144 + 81} = \sqrt{225} = 15V$$

$$\text{La fase: } \theta = \operatorname{atg}\left(\frac{9}{12}\right) = 36^\circ$$

$$\text{La forma polare sarebbe } \bar{V} = 15e^{j36^\circ} = 15 \angle 36^\circ \quad V$$

$$\text{la pulsazione } \omega = 2\pi f = 2\pi \cdot 10^3 = 6280 \text{ r/s}$$

$$\text{La forma trigonometrica: } v(t) = 15 \sin(6280 t + 36^\circ) V$$



Per $t=1\text{ms}$ il suo valore istantaneo è

$$v = 15 \sin(6,280 + 36^\circ) = 15 \sin(36^\circ) \quad \text{essendo } 6,280 \text{ in radianti}$$

$$\text{che portato in gradi } 6,280 \text{ rad} = 6,280 \cdot 180/\pi = 360^\circ$$

$$v = 8,81 \text{ V}$$

Verifica: calcolo della frequenza f

$$\omega = 2\pi f \quad \rightarrow \quad 6280 = 2\pi f \quad \rightarrow \quad f = 6280/2\pi = 1000 \text{ Hz} = 1 \text{ kHz}$$